

Gegeben sind drei Vektoren \vec{b} , \vec{c} und \vec{d} , bzw. ihre kartesischen Komponenten, siehe Aufgabe 19 auf S. 248 im Geometriebuch.

Gesucht ist je die polare Form.

1. Für einen Vektor \vec{v} soll aus der kartesischen die polare Form berechnet werden, d.h.

$$\begin{pmatrix} v_x \\ v_y \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} v \\ \varphi \end{pmatrix}$$

Für den Betrag gilt mit Pythagoras

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$$

und für den Richtungswinkel gilt

$$\varphi = \tan^{-1} \left(\frac{v_y}{v_x} \right)$$

falls der Vektor nach rechts zeigt, d.h. für $v_x > 0$, oder

$$\varphi = \tan^{-1} \left(\frac{v_y}{v_x} \right) + 180^\circ$$

für $v_x < 0$, d.h. wenn er nach links zeigt.

2. Für den Vektor \vec{b} gilt

$$b = \sqrt{b_x^2 + b_y^2} = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5$$

sowie

$$\beta = \tan^{-1} \left(\frac{b_y}{b_x} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{4}{3} \right) = 53.1^\circ$$

und damit

$$\vec{b} = (5; 53.1^\circ)$$

3. Für den Vektor \vec{c} gilt

$$c = \sqrt{c_x^2 + c_y^2} = \sqrt{(-1)^2 + (-6)^2} = 6.08$$

sowie

$$\begin{aligned} \gamma &= \tan^{-1} \left(\frac{c_y}{c_x} \right) + 180^\circ \\ &= \tan^{-1} \left(\frac{-6}{-1} \right) + 180^\circ \\ &= 80.5^\circ + 180^\circ = 260.5^\circ \end{aligned}$$

und damit

$$\vec{c} = (6.08; 260.5^\circ)$$

4. Für den Vektor \vec{d} gilt

$$d = \sqrt{d_x^2 + d_y^2} = \sqrt{(-2)^2 + 2^2} = 2.83$$

sowie

$$\begin{aligned} \delta &= \tan^{-1} \left(\frac{d_y}{d_x} \right) + 180^\circ \\ &= \tan^{-1} \left(\frac{2}{-2} \right) + 180^\circ \\ &= -45^\circ + 180^\circ = 135^\circ \end{aligned}$$

und damit

$$\vec{d} = (2.83; 135^\circ)$$